

■ ■ 目 次 ■ ■

はじめに	iii
第 1 章 集合の基礎	1
1.1 集合	1
1.2 集合と論理	4
1.3 実数直線の部分集合	5
第 2 章 写 像	11
2.1 写像の一般理論	11
2.2 直積集合と射影	15
第 3 章 写像の例 1 (行列による一次変換)	17
3.1 行列と一次変換	17
3.2 2次元の一次変換	26
3.3 行列の固有値と対角化	34
第 4 章 写像の例 2 (置換と行列式)	41
4.1 置換	41
4.2 行列式への応用	44
4.3 発展事項 (定理 4.2.1 の証明)	51
第 5 章 空間図形	53
5.1 空間ベクトルの長さとの内積	53
5.2 空間ベクトルの外積, 平行六面体の体積	55
5.3 空間図形 1: 空間内の球と平面の式	57
5.4 空間図形 2: 空間内の直線の式	62
5.5 2変数関数のグラフ	68
5.6 発展事項 (行列式の幾何学的意味)	72

第 6 章	イプシロン・デルタ論法入門	77
6.1	話のまくら	77
6.2	数列の収束の定義	78
6.3	数列の収束に関するやさしい証明	81
6.4	関数の極限值	89
6.5	関数の連続性の定義	93
第 7 章	無限級数への応用	97
7.1	話のまくら	97
7.2	無限級数の収束の定義	98
7.3	正項級数	101
7.4	絶対収束と条件収束	105
第 8 章	実数の連続性再論	109
8.1	コーシー列	109
8.2	Bolzano-Weierstrass の定理	110
8.3	Bolzano-Weierstrass の定理の応用	112
第 9 章	関数列の一様収束	117
9.1	関数列の一様収束とその応用	117
9.2	べき級数への応用	120
第 10 章	多変数の微積分に向けて	125
10.1	ユークリッド空間の開集合と閉集合	125
10.2	多変数の連続関数	131
10.3	発展事項 (多変数の微積分のあらまし)	134
問 解 答		145
あとがき		189
参考文献		193
索 引		195