

目 次

| | |
|-------------------------|----|
| 第1章 実数と複素数 | 1 |
| 序 論 | 1 |
| Dedekind の切断 | 3 |
| 実 数 | 10 |
| 広義の実数系 | 17 |
| 複 素 数 | 18 |
| ユークリッド空間 | 22 |
| 問 題 | 23 |
| 第2章 集 合 | 25 |
| 有限集合, 可算集合, 非可算集合 | 25 |
| 距離空間 | 32 |
| コンパクト集合 | 37 |
| 完全集合 | 42 |
| 連結集合 | 44 |
| 問 題 | 45 |
| 第3章 数列と級数 | 47 |
| 収束点列 | 47 |
| 部分列 | 51 |
| Cauchy 列 | 52 |
| 上極限と下極限 | 54 |
| 特殊な数列 | 56 |
| 級 数 | 57 |

| | |
|-------------------------|-----|
| 正項級数 | 60 |
| 数 e | 63 |
| 根判定と比判定 | 64 |
| べき級数 | 68 |
| 部分和公式 | 69 |
| 絶対収束 | 70 |
| 級数の加法と乗法 | 71 |
| 項の並べかえ | 74 |
| 問 題 | 78 |
| 第4章 連 続 | 81 |
| 関数の極限 | 81 |
| 連続関数 | 83 |
| 連続性とコンパクト性 | 87 |
| 連続性と連結性 | 91 |
| 三角関数 [†] | 91 |
| 不連続性 | 94 |
| 単調関数 | 95 |
| 無限大な極限と無限大での極限 | 98 |
| 問 題 | 99 |
| 第5章 微 分 法 | 102 |
| 実関数の導関数 | 102 |
| 平均値定理 | 105 |
| 導関数の連続性 | 107 |
| L'Hospital の定理 | 108 |
| 高次導関数 | 109 |
| Taylor の定理 | 110 |
| ベクトル値の関数の微分法 | 111 |
| 問 題 | 114 |

| | |
|---|-----|
| 第 6 章 Riemann–Stieltjes 積分 | 118 |
| 積分の定義と存在 | 118 |
| 和の極限としての積分 | 126 |
| 積分と微分 | 128 |
| ベクトル値の関数の積分 | 131 |
| 有界変動の関数 | 132 |
| 積分に関する諸定理 | 136 |
| 長さが有限な曲線 | 140 |
| 問 題 | 141 |
| 第 7 章 関数列と関数項の級数 | 145 |
| 主要問題の検討 | 145 |
| 一様収束 | 148 |
| 一様収束と連続性 | 150 |
| 一様収束と積分 | 152 |
| 一様収束と微分 | 155 |
| 同程度連続な関数族 | 158 |
| Stone–Weierstrass の定理 | 163 |
| 問 題 | 170 |
| 第 8 章 級数論の続き | 174 |
| べき級数 | 174 |
| 指数関数および対数関数 | 180 |
| 三角関数 | 184 |
| 複素数体の代数的完全性 | 187 |
| Fourier 級数 | 188 |
| 問 題 | 197 |

| | |
|----------------------------|-----|
| 第9章 多変数の関数 | 200 |
| 線形変換 | 200 |
| 微分法 | 207 |
| 逆関数の定理 | 212 |
| 陰関数の定理 | 216 |
| 階数定理 | 218 |
| 分解定理 | 221 |
| 行列式 | 223 |
| 積分法 | 226 |
| 微分形式 | 231 |
| 単体と鎖体 | 239 |
| Stokes の定理 | 242 |
| 問 題 | 247 |
| 第10章 Lebesgue の積分論 | 253 |
| 集合関数 | 253 |
| Lebesgue 測度の構成 | 255 |
| 測度空間 | 263 |
| 可測関数 | 264 |
| 単純関数 | 266 |
| 積 分 | 267 |
| Riemann 積分との比較 | 276 |
| 複素関数の積分 | 278 |
| \mathcal{L}^2 級の関数 | 279 |
| 問 題 | 286 |
| 付録 現代解析教程 | 288 |
| 参考文献 | 299 |
| 略 解 | 301 |
| 索引, 記号表 | 1~8 |